

2. domáca úloha z predmetu 1-AIN-121 Diskrétna matematika (1) ZS 2022/23

Ján Komara

15. októbra 2022

Pokyny

Príklady vypracujte podrobne. Píšte tak, aby človek, ktorý bude vašu úlohu kontrolovať, mohol ľahko sledovať vaše argumenty a tiež sled vašich myšlienok (skúste sa vžiť do jeho situácie). Výsledok bez zdôvodnenia nestačí. Za výsledok bez postupu (hoci správny) nebudete môcť dostať plný počet bodov. Neodpisujte riešenia iných. Napíšte len to, čomu naozaj rozumiete a čomu veríte. Cieľom týchto úloh je totiž sa niečo naučiť a precvičiť si to. Zjavne odpísané úlohy dostanú 0 bodov. Nad príkladmi nemusíte samozrejme rozmýšľať v tom poradí, v akom sú zadané. Odovzdať ich napísané v tomto poradí ale musíte (aby sa vo vašom riešení dalo vyznať). Viditeľne označte začiatok každého príkladu. Ak riešenie niektorého príkladu neodovzdávate, napíšte aj tak jeho číslo a vynechajte trochu miesta. Používajte notáciu a terminológiu, ktorú sme zaviedli na prednáške a cvičeniach. Úlohu môžete konzultovať s vašim cvičiacim alebo navštívte akademické podporné centrum (pondelok 14:00 - 15:30 v I-23 alebo online).

Odovzdať:

v MOODLE do 18:00 v pondelok 24. októbra.

Úlohu musíte odovzdať ako *pdf súbor*. Riešenie treba vypracovať v nejakom editore (napr. MS Word, LibreOffice, LaTeX). Oskenovaný rukopis neposielajte, ten nebudeme hodnotiť.

Úloha je za 8 bodov.

1. príklad

Kolko celočíselných riešení má nasledujúci systém pozostávajúci s jednej rovnice a jednej nerovnice

$$x_1 + x_3 + x_5 = 16 \quad (1)$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 < 36, \quad (2)$$

ak vyžadujeme, aby platilo

$$1 \leq x_1 < 4 \quad -2 \leq x_2 \quad 3 \leq x_3 \quad -4 \leq x_4 < 2 \quad 5 \leq x_5 \quad -6 \leq x_6 \leq 0.$$

2. príklad

Spočítajte hodnotu nasledujúceho sumačného výrazu, t.j. vyjadrite jednoduchým vzorcom bez použitia sumy:

$$\sum_{n_1+n_2+n_3+n_4+n_5=7} \frac{4^{n_1+n_4} (-9)^{n_2-n_5}}{n_1! n_2! n_3! n_4! n_5!}.$$

3. príklad

V 1. kole súťažilo proti sebe 8 dvojíc. Kolkými spôsobmi môžeme z nich vytvoriť 8 nových súťažných dvojíc pre 2. kolo (čiže žiadna dvojica s 1. kola sa nestretne opäť v 2. kole).

Pokyny. Výsledok vyjadrite pomocou súčtovej notácie Σ .