

# 3. domáca úloha z predmetu 1-AIN-120

## Diskrétna matematika (1) ZS 2013/14

Ján Komara

20. novembra 2013

### **Pokyny**

Príklady vypracujte podrobne. Píšte tak, aby človek, ktorý bude vašu úlohu kontrolovať, mohol ľahko sledovať vaše argumenty a tiež sled vašich myšlienok (skúste sa vžiť do jeho situácie). Výsledok bez zdôvodnenia nestačí. Za výsledok bez postupu (hoci správny) nebudete môcť dostať plný počet bodov.

Neodpisujte riešenia iných. Napíšte len to, čomu naozaj rozumiete a čomu veríte. Cieľom týchto úloh je totiž sa niečo naučiť a precvičiť si to. Zjavne odpísané úlohy dostanú 0 bodov. Pri opakovanom porušení sa prípad posunie pred disciplinárnu komisiu fakulty.

Nad príkladmi nemusíte samozrejme rozmýšľať v tom poradí, v akom sú zadané. Odovzdať ich napísané v tomto poradí ale musíte (aby sa vo vašom riešení dalo vyznať). Viditeľne označte začiatok každého príkladu. Ak riešenie niektorého príkladu neodovzdávate, napíšte aj tak jeho číslo a vynechajte trochu miesta.

Používajte notáciu a terminológiu, ktorú sme zaviedli na prednáške a cvičeniach. Úlohu môžete konzultovať s vašim cvičiacim alebo navštívte akademické podporné centrum (pondelok 14:00 - 15:40 v I-23).

Odovzdať:

v MOODLE do 11:00 utorok, 26. novembra.

Úlohu musíte odovzdať ako *pdf súbor*.

Úloha je za 8 bodov.

## 1. príklad

Nájdite obor pravdivosti výrokovej formy

$$|4x + 5| < |3 - 2x| - 2$$

definovanej nad oborom reálnych čísel. Dokážte, že vaše riešenie je správne.

*Návod.* V dôkaze využite tieto dve vlastnosti absolútnej hodnoty reálnych čísel:

$$\forall x \forall y (|x| < y \leftrightarrow x < y \wedge -x < y) \quad (1)$$

$$\forall x \forall y (y < |x| \leftrightarrow y < x \vee y < -x). \quad (2)$$

## 2. príklad

Nech  $f_n$  je postupnosť prirodzených čísel definovaná vzťahom:

$$f_0 = 0$$

$$f_1 = 1$$

$$f_2 = 2$$

$$f_{n+3} = f_{n+2} + f_{n+1} + f_n + 3.$$

Uvažujme ďalej funkciu  $g$  definovanú primitívnou rekúziou so substitúciou v parametroch:

$$g(0, a, b, c) = a$$

$$g(n + 1, a, b, c) = g(n, a + b + c + 3, a, b).$$

Dokážte, že platí

$$f_{n+2} = g(n, 2, 1, 0).$$