Midterm 2023      Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 1-ID:
test obsahuje 5 úloh za 7+6+6+4+4 =27 bodov.

**Čas: 2h min, začiatok 18:10, koniec 20:10.**

 **1. Rekurzia - M1 – 7 bodov**

Rekurzívna funkcia **foo** na výpočet hodnoty **foo(a,b,p)** potrebuje dve hodnoty **foo(a,b-1,p)** a **foo(a-1,b,p)**, ktoré spolu sčíta a výsledkom je potom zvyšok súčtu po delení prvočíslom **p** (argument **p** sa pri volaniach nemení). Je ale napísaná tak neefektívne, že už nevypočíta ani hodnotu pre a=50, b=25. A tú hodnotu nevypočíta len preto, že výsledok pre dávno **vypočítané hodnoty pre menšie dvojice (i,j) ako (a,b) si nepamätá**, a teda ich počíta mnohokrát a opakovane. Vašou úlohou je ju prepísať tak, aby počítala hodnoty funkcie **foo** efektívnejšie. Tu je originálna funkcia určená na modifikácie:

public static int foo(int a, int b, int p) {
 if (a == 0 || b == 0)

 return 1;
 else
 return (*foo*(a-1, b, p)+*foo*(a, b-1, p)) % p;
}

**Úlohy:** V triede **Rekurzia**

* **[1.5 bodu]** použite pole (možno dvojrozmerné) či inú dátovú štruktúru na memoizáciu, resp. dynamické programova-nie, resp. na pamätanie si výsledkov **foo**, ktoré ste už vypočítali. Prepíšte funkciu **foo** na novú, efektívnejšiu verziu **public static long foo1(int a, int b, int p)**  tak, aby vďaka memoizácii/dynamike vypočítala hodnoty aj pre a,b**<=1000**.
* **[1.5 bodu]** prepíšte funkciu **foo** na novú **public static long foo2(int a, int b, int p)**  tak, aby táto **nebola rekurzívna** – funkcia nesmie volať sama seba. **Hint**: Na implementáciu rekurzie sa používa zásobník, príp. cyklus, preto očakávané riešenie bez rekurzie bude asi používať zásobník alebo cyklus.

**[2 body]** Všimnite si, že hodnota **foo(a,b,p**) vznikne sčítaním **(foo(a-1,b,p)+foo(a,b-1,p)) modulo p**. Podobnú rekurzívnu vlastnosť predsa mali kombinačné čísla, a to, že (n nad k)=(n-1 nad k-1)+(n-1 nad k). Chýba len modulo prvočíslo p. Preštudujte si obrázky pre prvočísla p=2,3,5 na nasledujúcej strane, a nájdite v ňom Pascalov trojuholík modulo **p** s vrcholom v ľavom hornom rožku. Ak sa zamyslíte (!...!), tak **foo(a,b,p**) je kombinačné číslo **(a+b nad a) modulo p**. Veríme, že nejaký spôsob na výpočet kombinačných čísel poznáte, napr. ako podiel faktoriálov, resp. niečo podobné. Vyberte si najvhodnejší spôsob na programovanie novej metódy **public static long foo3(int a, int b, int p)**, ktorávypo-číta **foo(a,b,p**) pomocou práve objaveného faktu, že je to kombinačné číslo **(a+b nad a) modulo p**. Keďže metóda má fungovať pre a,b**<=1000**, a kombinačné čísla s takýmito parametrami sú už určite mimo typu **long**, očakáva sa riešenie pomocou triedy **BigInteger**. **Pomôcky:** tento riadok obsahuje asi všetko, čo potrebujete vedieť o triede **BigInteger** a jej metódach. Ak nie, pýtajte sa... BigInteger.*valueOf*(2023).divide(BigInteger.*valueOf*(18)) .multiply(BigInteger.*ONE*).mod(BigInteger.*TWO*).intValue()

**[2 body]** Na výpočet kombinačného čísla modulo **p**-prvočíslo existuje **Lucasove** tvrdenie - nie nášho Lukáša 😊, ktoré by ste rýchlo vygooglili, keby to bol príklad na domácu úlohu. Úlohou je to pomocou neho opäť preprogramovať. Tu je:



Ak teda počítate kombinačné číslo **(m nad n) modulo p**, tak **m** aj **n** si prevediete do číselnej sústavy so základom **p**, v nej bude **m** mať cifry **mi**, **n** cifry **ni**. Potom vypočítate uvedený súčin kombinačných čísel **(mi nad ni)** a po každom násobení urobíte modulo **p**. Cifry **mi** a **ni** v číselnej sústave so základom **p** sú z intervalu 0..(p-1), takže pomerne malé čísla. Kombi-načné čísla ste si už naprogramovali v predošlej časti, dokonca v rozsahu **BigInteger** – preto ich použite. Na získanie cifier v sústave so základom **p** asi stačí číslo deliť **p**, pozerať zvyšky modulo **p**, a to pôjde aj cyklom, ba aj rekurzívne... Alebo, pre milovníkov Stringov, Integer.toString(n,**p**). Definujte novú metódu **public static long foo4(int a, int b, int p),** ktorá výsledok vypočíta pomocou Lucasovej formuly pre a,b**<=1000**, a očakáva sa, že spočítate **(a+b nad a) modulo p**.

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO, NASLEDUJÚCI LIST

**1. Rekurzia - M1 – 7 bodov** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 2-ID:

**Vysvetľujúci príklad**: Počítajme **foo** pre (a, b, p) = (155, 78, 5), tak **foo4** je kombinačné číslo (155+78 nad 155) modulo 5. Pomocou Lucasa, vo vzorci je m=155+78=233, n = 155. V číselnej sústave so základom 5 je to m=14135, n = 11105, preto výsledkom je súčin kombinačných čísel, kam dosadíme zodpovedajúce cifry zo zápisu čísla **m** a **n** v číselnej sústave so základom **p**, teda (1 nad 1)\*(4 nad 1)\*(1,1)\*(3,0) mod 5 = 1\*4\*1\*1 mod 5 = 4. Ak by zápis jedného čísla v číselnej sústave so základom **p** bol kratší, sú tam predsa úvodné nuly... Presne toto máte naprogramovať.



RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST

**2. Stromy – M2 - 6 bodov** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 3-ID:

Generický strom, v ktorom vrchol môže obsahovať ľubovoľný počet synov, je definovaný ako data-class, teda record v Jave17 takto: public record Node<E>(E value, List<Node<E>> sons) { … }Vo vrchole je teda hodnota typu E, a zoznam synov, teda vrcholov Node<E>. Príklad konštanty typu Node<Integer>, ktorú neskôr použijeme v príkladoch, je:

Node<Integer> root =
 new Node<>(5, List.*of*(
 new Node<>(4, List.*of*(
 new Node<>(1, List.*of*(
 new Node<>(4, List.*of*()),
 new Node<>(5, null),
 new Node<>(6, List.*of*()))))),
 new Node<>(7, List.*of*(
 new Node<>(9, null)))));

Strom uvedený v príklade má na úrovni 0 jeden vrchol 5, ktorý má dvoch synov, preto na úrovni 1 sú dva vrcholy 4 a 7, na úrovni 2 má dva vrcholy 1 a 9, a na úrovni 3 sú traja synovia 4, 5 a 6 vrcholu 1. Niekde je ale prázdny zoznam synov reprezen-tovaný hodnotou null, inokedy je to skutočne prázdny zoznam List.*of*(). Tento fakt veľmi komplikuje prácu so stromom. Kým v strome nenahradíme všetky null za List.*of*(),tak práca so stromom musí byť veľmi ostražitá, aby sme nedostali Null Pointer Exception. Preto hneď v prvej úlohe nahradíme null za List.*of*(), čo zjednoduší ďalšie metódy.

**Dobrá rada:** **Ak v tomto príklade použijete StreamAPI, tak vaše riešenia budú prekvapivo jednoduché, elegantné a krátke. Ale nie je to podmienkou správneho riešenia. Cykli**sti**cké riešenia budú hodnotené tiež, ak budú dobré.**

**Úlohy:** V generickej triede Node<E> definujte **triedne metódy** (aplikujete ich teda na v Jave skrytý argument this):

* **[1 bod]** public Node<E> removeNulls()- rekurzívne prejde celý strom a **vytvorí identický strom** len miesto synov sons s hodnotou null budú prázdne zoznamy List.*of*().

**V ďalších úlohách potom môžete predpokladať, že pracujete so stromom, ktorý už neobsahuje žiadne nulls, a prázdny zoznam synov je reprezentovaný inštanciou prázdneho zoznamu.**

* **[1 bod]** public String toString() – pričom vrchol bez synov prezentujeme len ako hodnotu value, a vrchol s existujúcimi synmi má formát ako**(**value**,**sons**).** Pre horeuvedený príklad musíte dostať root.removeNulls().toString() “(5,[(4,[(1,[4, 5, 6])]), (7,[9])])“.
* **[1 bod]** public <T> Node<T> map(Function<E,T> f) - na každú hodnotu value typu E v celom strome typu Node<E> aplikuje funkciu Function<E,T> f, ktorá z hodnoty typu E spraví hodnotu typu T. Výsledkom bude **nový strom iného** **typu** Node<T> (pôvodný bol Node<E> a ten zostane nezmenený). Vlastne máte urobiť rekurzívnu kópiu stromu s tým, že hodnoty value premapujete funkciou f. **Hint**: pripomíname, že aplikácia funkcie f typu Function<E,T> nevyzerá matemati-cky f(value), ale v Jave je to f.apply(value).

Príklad, ktorý vám má zbehnúť root.removeNulls().map("\*"::repeat), a tento výsledný strom má tvar (\*\*\*\*\*,[(\*\*\*\*,[(\*,[\*\*\*\*, \*\*\*\*\*, \*\*\*\*\*\*])]), (\*\*\*\*\*\*\*,[\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*])]). Mapovaná funkcia x -> "\*".repeat(x) je v skratke zapísaná ako "\*"::repeat. Keď si uvedomíte je to funkcia typu Function<Integer, String>, preto mapovanie takejto funkcie zmení strom Node<Integer> na Node<String>, ktorého hodnoty value už nie sú Integer, ale sú String.

* **[1 bod]** public Node<E> filter(Predicate<E> p)- **vráti nový strom rovnakého typu** Node<E>, ktorý sa od pôvodného líši tak, že boli odrezané, resp. neboli prekopírované, všetky podstromy, ktorých hodnota vo vrchole E value **nespĺňa predikát p**, teda p.test(value) == false. To znamená, že ak vrchol nespĺňa podmienku p, celý jeho podstrom synov aj s ním sa vo výsledku nenachádza. A to aj keď niekde v ňom môžu byť vrcholy, ktoré podmienku spĺňajú. V uvedenom príklade root.removeNulls().filter(x -> x % 2 > 0) vráti (5,[(7,[9])]) – zmizol celý podstrom párneho vrcholu 4. Ale root.filter(x -> x % 2 == 0) vráti null, lebo v koreni je nepárne číslo 5. **Hint**: Pripomíname, že aplikácia predikátu p nevyzerá matematicky ako p(value), ale p.test(value).
* **[2 body]** public int width()vráti najväčší počet vrcholov, ktorý sa nachádza na akejkoľvek úrovni stromu. V príklade stromu jednotlivé úrovne obsahujú 1,2,2,3 vrcholy, maximum je 3 a root.removeNulls().width()vráti 3.

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO, NASLEDUJÚCI LIST

**2. Stromy – M2 - 6 bodov** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 4-ID:

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST

**3. Oprav ma – M3 – 6 bodov** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 5-ID:

**Úloha 1**: **[1 bod]** V nasledujúcom kóde prečiarknite riadky, ktoré nie sú syntakticky správne. Potom napíšte, čo sa vypíše na konzolu.

**class Y { int d; }**public class OpravMa1 {
 **record X(int c) {}** static int *a* = 19;
 static Integer *b* = 84;
 private static void **valueVsReference**(int a, Integer b, X x, Y y) {
 a++;
 b++;
 x.c++;
 x = new X(x.c+1);
 y.d++;
 }
 public static void main(String[] args) {
 X x = new X(1984);
 Y y = new Y(); y.d = 2023;
 ***valueVsReference***(*a*, *b*, x, y);
 System.*out*.println(*a* + "," + *b* + "," + x + "," + y.d); *// ??, ??, ??, ??* }

**Úloha 2**: **[1 bod]** V programe sú definované dve triedy, Psicek a Macicka. V hlavom programe, ktorý nemeňte, je vytvorený zoznam z štyroch inštancií týchto tried, vašou úlohou je dodefinovať všetko potrebné okolo tried , aby ste dostali požadovaný výpis 1324.

class **Psicek** {}
class **Macicka** {}
public class OpravMa2 {
 public static void main(String[] args) {
 var p1 = new Psicek(); *// ID 1* var m1 = new Macicka(); *// ID 2* var p3 = new Psicek(); *// ID 3* var m2 = new Macicka(); *// ID 4* var l = **List.*of*(p1,p3,m1,m2);**
 l.forEach( System.*out*::println); *// 1324*

}
}

**Úloha 3**: **[1.5 bodu]** V tom istom hlavom programe pribudli ďalšie riadky kódu. Vašou úlohou je dodefinovať komparátor **???** a všetko potrebné okolo tried tak, aby ste dostali požadované výpisy **4321**, **1234** a **2**.

var x = new ArrayList<>(l);
x.**sort**(**???**);
x.forEach(System.*out*::print); *//* ***4 3 2 1***var y = new **TreeSet**<>(l);
y.forEach(System.*out*::print); *//* ***1 2 3 4***var z = new **HashSet**<>(l);
System.*out*.println(z.size()); *//* ***2***

**Úloha 4**: **[1 bod]** Niekto chcel napísať bubble sort, ale jeho kód netriedi. Opravte to na funkčný Bubble Sort.

public static void main(String[] args) {
 int[] a = {4,5,2,12,1,2,3,0,3,4,1,2,3,6,4,5,5,2,12,1,2,3,55,2,2,4,8,9,3,54,2,3};
 for (int i = 0; i < a.length ; i++) { *// cyklus for-to-do* for (i = a.length-1; i>0 ; i--) { *// cyklus for-downto-do* if (a[i-1] > a[i]) {
 int temp = a[i];
 a[i] = a[i-1];
 a[i-1] = temp;
 } *// if* } *// for* } *// for* for (int elem:a) System.*out*.println(elem);
}

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST

**3. Oprav ma – M3 – 6 bodov** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 6-ID:

**Úloha 5**: **[0.5 bodu]** Program okrem inicializácie obsahuje týchto 6 riadkov kódu, ktorým bol odstopovaný čas výpočtu v milisekundách na mojom notebooku. Namerané výsledky utriedené sú: **17, 21, 26, 32, 51, 78** ms. Zamyslite sa a priraďte namerané časy jednotlivým riadkom podľa toho, čo si myslíte, že je časovo náročnejšie.

final int MAX = 1\_000\_000;
var l = new ArrayList<Integer>();

1. for(var i = 0; i < MAX; i++) l.add(i);
2. l.stream().toList();
3. l.stream().map(x -> x+1).toList();
4. l.stream().map(x -> x+1).filter(x -> x < MAX/2).toList();
5. l.stream().filter(x -> x < MAX/2).map(x -> x+1).toList();
6. l.sort(Comparator.*reverseOrder*());

**Úloha 6**: **[1 bod]** Nasledujúci program

for(int i = 0; i < s.length; i++) {
 for(int j = 0; j < s[i].length; j++) {
 System.*out*.print(s[i][j]);
 }
}

skončí výpisom reťazca 123456789 a chybou, presne takto: 123456789Exception NullPointerException

Pričom Modré je výstup cez System.out.print do out, červené je chyba/výnimka do System.err.

**Definujte** premennú **s** a **inicializujte** tak, aby k popísanej chybe došlo presne podľa výstupu.

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST

**4. Zobrazenia – M4 – 4 body** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 7-ID:

V tomto príklade sa vyskytujú pojmy, ktoré ste počuli na Diskrétke, všetko znova vysvetlíme, pochopíte a naprogramujete. Nepreskakujte zadanie, len pre pár cudzích pojmov.

**Zobrazenie** je špeciálnym prípadom relácie, ak platí, že môžeme povedať, že jeden vzor sa zobrazuje na najviac jeden obraz. V Jave na to slúži typ **Map<****K, V>,** hodnotou ktorého je zobrazenie z typu **K** – kľúče, do hodnôt typu **V**. Zjedno-dušíme si vyjadrovanie, ak povieme, že definičný obor zobrazenia **Map<K, V>** **f** je **f.keySet()** a obor hodnôt je **f.values()** – tieto dve metódy určite poznáte. *Disclaimer: toto „zjednodušenie“oborov na diskrétke nespomínajte😊*

**Úlohy [každá 1 bod]**: V triede **Zobrazenia** definujte statické metódy:

* public static <K,V> boolean **jeInjektivne**(Map<K,V> z)- je test, ktorý platí, ak zobrazenie je injektívne, teda každý prvok odboru hodnôt je obrazom **najviac jedného prvku** z definičného oboru. Obrázok 2 ilustruje injektívne, aj to, čo nie injektívne.
* public static <K,V> boolean **jeSurjektivne**(Map<K,V> z)- každý prvok oboru hodnôt je obrazom **aspoň nejakého prvku** z definičného oboru. **Hint:** Na pochopenie, pozrite si, ako sme definovali obor hodnôt v druhom odstavci príkladu.
* public static <K,V,W> Map<K,W> **kompozicia**(Map<K,V> z1, Map<V,W> z2)- je zloženie zobrazenia z K do V so zobrazením z V do W, takže v tomto poradí vznikne zobrazenie z K do W.
* public static <K,V> Map<V,K> **inverzne**(Map<K,V> z)- ak je zobrazenie injektívne, existuje k nemu **inverzné** **zobrazenie**. To znamená, že definičný obor a obor hodnôt sa vymenia, a dvojice sa otočia. Obrázok 3 ilustruje inverziu. Dopisujte do kostry kódu v časti ... if (jeInjektivne(z)) return ... else return null;

  

**Príklad**:

var z1 = Map.*of*(1,2, 2,3, 3,4, 4,1); // 1→2,2→3,3→4,4→1
var z2 = Map.*of*(1,"a", 2,"b", 3,"c", 4,"d", 5,"a"); // 1→"a",2→"b",3→"c",4→"d",5→"a"
System.*out*.println(*jeInjektivne*(z1)); // true
System.*out*.println(*jeInjektivne*(z2)); // false
System.*out*.println(*jeSurjektivne*(z2)); // true
System.*out*.println(*kompozicia*(z1,z2)); // {1=b, 2=c, 3=d, 4=a} // 1→b,2→c,3→d,4→a
System.*out*.println(*inverzne*(*kompozicia*(z1,z2))); // {a=4, b=1, c=2, d=3}// 1←b,2←c,3←d,4←a
System.*out*.println(*inverzne*(z1)); // {1=4, 2=1, 3=2, 4=3} // 1←2,2←3,3←4,4←1
System.*out*.println(*inverzne*(z2)); // null

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO, NASLEDUJÚCI LIST

**4. Zobrazenia – M4 – 4 body** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 8-ID:

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST

**5. Streamy – M5 - 4 body** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 9-ID:

Odporúčame použite StreamAPI, dostanete tak najkompaktnejšie riešenia. Pripomeňme si, že:

* Stream.**iterate**(x, f) = Stream.of(x, f(x), f(f(x)), ….) – iteruje do nekonečna. .**limit**(k) vráti len k-členov.
* Stream.**iterate**(x, p, f) – iteruje f na x, kým platí booleovská podmienka p. Posledným prvkom streamu je posledný člen, kedy ešte podmienka platila. Ak neplatí ani pre počiatočné x, výsledkom je prázdny stream.
* Stream.of(x1, x2, … xn).**reduce**(x, f) = f(…f(f(x, x1), x2), …, xn), napr. range(1,10).reduce(0,(a,b)->a-b)=-45
* LongFunction<Long> je to isté ako IntFunction<Integer>, len pre typ Long, teda Function<Long, Long> je funkcia z Long do Long.
* LongFunction<Long> fooLF a public static Long foo(Long n) {…} **nie je** to isté, ale ak to neviete inak, tak môžete napísať LongFunction<Long> fooLF=n->foo(n), alebo LongFunction<Long> fooLF=n->{…}.

**Úlohy:** Celý príklad uvažuje cifry a čísla v **desiatkovej sústave**.

* **[1bod]** definujte static LongFunction<Long> ***cifSucet***, ktorá vráti **ciferný súčet** čísla v desiatkovej sústave. Príklad, cifsucet.apply(1234) = 1+2+3+4 =10.
* **[1bod]** definujte static LongFunction<Long> ***cifRozdiel***, ktorá vráti rozdiel súčtov **nepárne a párne stojacich** cifier čísla. Príklad, cifRozdiel.apply(1234)=1-2+3-4=-2, cifRozdiel.apply(12345)=1-2+3-4+5=3, cifRozdiel.apply(654321)=6-5+4-3+2-1=3.
* **[1bod]** Definujte štyri následujúce static IntPredicate
* ***moreDigits*** *–* číslo typu Integer nie je jednociferné,
* ***div3****,* ***div9****,* ***div11*** *–* postupne znamenajú, že **jednociferné číslo** (teda 0..9) je deliteľné 3, 9, 11.
* **[1bod]** definujte public static LongFunction<Long> ***iterate*** (LongFunction<Long> f),vráti hodnotu typu LongFunction<Long>, ktorá na vstupnom číselnom argumente iteruje funkciu **f** až kým výsledok nie je jednociferný (negácia ***moreDigits***). Keď raz dosiahne jednociferný výsledok, neplatí ***moreDigits***, tak ten je výsledkom funkcie.

**Pointa**: Zrejme viete, že číslo je deliteľné 3, práve vtedy, ak jeho ciferný súčet je deliteľný 3, podobne 9timi, ak jeho ciferný súčet je deliteľný 9timi. S 11 je to podobné, len sa nerobí ciferný súčet ale rozdiel. Číslo je deliteľné 11timi, práve vtedy ak rozdiel súčtov jeho nepárne a párne stojacich cifier (***cifRozdiel***) je deliteľný 11-timi. **Príklad**: Každé rodné číslo je deliteľné 11timi, takže napríklad pre cifRozdiel.apply(9183979497L)je 9-1+8-3+9-7+9-4+9-7=22. Nedostali sme jednociferné číslo, preto opakujeme operáciu cifRozdiel.apply(22)=0. Teraz už sme dostali jednociferné číslo a môžeme použiť test ***div11*** a 0 je jednociferné číslo deliteľné 11, preto aj pôvodné bolo deliteľné 11.

Z už definovaných metód implementujte test na deliteľnosť 3,9,11 pomocou spomenutých kritérií deliteľnosti 3, 9, 11. Použijete pri tom funkcie ***cifSucet***, ***cifRozdiel****,* ***iterate*** a predikáty ***moreDigits***, ***div3****,* ***div9****,* ***div11***. Pointa príkladu je, že sa budú veľmi na seba podobať, keďže princíp kritérií deliteľnosti 3,9,11 je takmer rovnaký, len sa opakujú a volajú iné funkcie a predikáty.

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST

**5. Streamy – M5 - 4 body** Meno a priezvisko: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ 10-ID:

RIEŠENIA TOHOTO PRÍKLADU PÍŠTE NA TENTO LIST