

1) [7 bodov] Zistite, čo počíta nasledujúca funkcia `foo` pre $a \geq 0$ a $b=0$. Hint: `foo(10,0) = 2`.

```
static int foo(int a, int b) {  
    if (a == 0)  
        return b;  
    else  
        return foo(a/2, b + a%2);  
}
```

[1 bod] Pre istotu to vyjadrite pár slovami, a že tomu rozumiete, tak vypočítajte `foo(35,0) = ?`

[2 body] Napíšte nerekurzívnu definíciu funkcie `foo` tak, aby počítala to isté, teda:

```
static int foo(int a, int b) { // píšete rovno sem...
```

```
}
```

Zistite, čo počíta nasledujúca funkcia `goo` pre $a \geq 0$. Hint: `goo(10) = 2`, `goo(15) = 0`.

```
static int goo(int a) {  
    if (a == 0)  
        return 0;  
    else  
        return (~a&1) + goo(a>>1);  
}
```

[2 body] Vyjadrite pár slovami, a že tomu rozumiete, tak vypočítajte `goo(35) = ?`

[2 body] Nájdite najväčšie 3-ciferné číslo x také, že `goo(x) = foo(x,0)`:

Hint:

$2^0 =$	1,	1
$2^1 =$	2,	10
$2^2 =$	4,	100
$2^3 =$	8,	1000
$2^4 =$	16,	10000
$2^5 =$	32,	100000
$2^6 =$	64,	1000000
$2^7 =$	128,	10000000
$2^8 =$	256,	100000000
$2^9 =$	512,	1000000000
.....	999	1111100111
$2^{10} =$	1024,	10000000000

2) [7 bodov] Tieto dve triedy popisujú známu implementáciu binárneho vyhľadávacieho stromu:

```
public class BVSNode<E extends Comparable<E>> {
    BVSNode<E> left;
    E key;
    BVSNode<E> right;
}
public class BVSTree<E extends Comparable<E>> {
    BVSNode<E> root;
}
```

Pomocou týchto tried vieme vytvoriť objekt typu `BVSTree<E>`, ktorý predstavuje binárny vyhľadávací strom, t.j. hodnoty v ľavom podstrome sú \leq ako vrchol a hodnoty v pravom podstrome sú $>$ vrchol, a to platí pre každý vrchol stromu určený referenciou `root`.

[1 bod] V triede `BVSTree` (prípadne aj `BVSNode`) definujte metódu `E findMax()`, ktorá nájde maximálny prvok, ak strom spĺňa uvedenú podmienku vyhľadávacieho stromu. Ak žiaden nie je maximálny, vráti `null`.

[3 body] V triede `BVSTree` (prípadne aj `BVSNode`) definujte metódu `int depth(E k)`, ktorá nájde hĺbku vrchola s hodnotou `k` oproti koreňu stromu. Hĺbka samotného koreňa je 0, hĺbka jeho synov 1,... Ak sa vrchol s hodnotou `k` nenachádza v strome, výsledkom funkcie je -1.

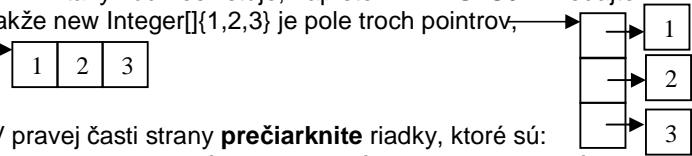
Predpokladajte, že máte utriedený zoznam rôznych prvkov v štruktúre typu `ArrayList<E>`, z ktorých idete skonštruovať vyvážený binárny vyhľadávací strom nasledujúcim spôsobom:

- zo zoznamu vyberiete median (prostredný), a urobíte z neho koreň stromu,
- z menších ako median rekurzívne vytvoríte ľavý podstrom, a z väčších ako median pravý podstrom koreňa.

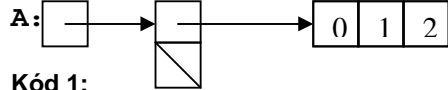
Medián je prostredný prvok, nie aritmetický priemer! Ak sú prostredné dva, lebo pár, tak medián je ktorýkoľvek z nich.

[3 body] V triede `BVSNode` definujte metódu `BVSNode<E> makeTree(List<E> zoz)` vytvorí vyvážený binárny vyhľadávací strom z usporiadaného zoznamu `zoz` (že je ozaj usporiadaný nemusíte testovať).

3) [5 bodov = 0.5 bodu za každú správnu odpoveď] Ku každému obrázku napíšte kód, ktorý vytvorí znázornené pole v pamäti. Prečiarknutá bunka predstavuje hodnotu **null**. Ak taký kód neexistuje, napíšte NEEEXISTUJE. Nedajte sa nachytať! Uvedomte si, že Integer je referenčný typ, takže new Integer[]{1,2,3} je pole troch pointrov, ale new int[]{1,2,3} je pole troch 32-bitových čísel.

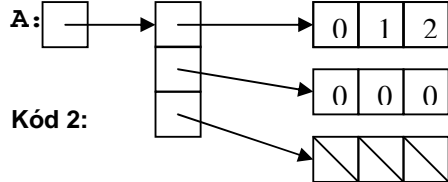


Obrázok 1:



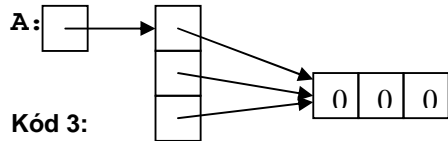
Kód 1:

Obrázok 2:



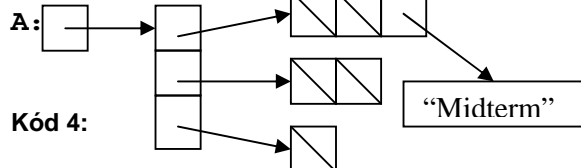
Kód 2:

Obrázok 3:



Kód 3:

Obrázok 4:



Kód 4:

V pravej časti strany **prečiarknite** riadky, ktoré sú:

- syntakticky nesprávne – kompilátor by na nich zahlásil chybu (tie **prečiarknite** a označte S),
- spôsobia chybu počas behu programu (tie označte R).

```
//Kód 5 ----- pole s null-mi
Integer[] pole1 =
    new Integer[]{1,2,null,null};
for(Integer p:pole1) {
    System.out.println(p+p);
}
```

```
// Kód 6 ----- priradenie pola
Integer[] pole3 = { 0 };
Integer[] pole4 = pole3;
```

```
pole4 = new Integer[]{1,2};
System.out.println(pole3[1]);
```

```
pole3 = pole4;
pole4[1] = 99;
```

```
if (pole3[1] == 99)
    System.out.println(pole3[1]);
```

```
// Kód 7 ----- dvojrozmerné pole
Integer[][] pole2 = new Integer[3][];
pole2[0] = new Integer[]{1,2,3};
pole2[2] = new Integer[]{4,5,6};
```

nakreslite obrázky pamäte pre tieto kódy:

```
// Kód 8 -----
int [][] A = new int[4][];
A[1] = new int[4];
A[3] = new int[2];
```

```
// Kód 9 -----
int [][] A = new int[4][3];
```

```
// Kód 10 -----
int [] A = {1,1,1,1};
int [] B = {2,2,2};
System.arraycopy(A,0,B,1,2);
System.arraycopy(B,0,A,0,3);
```

4) [5 bodov] Nasledujúci kód sa spustí s argumentami predstavujúcimi jednosmerné cestovné poriadky:
`java Cities BA-ZA-KE BA-NR-BB-KE PO-SK-BJ NR-ZA`

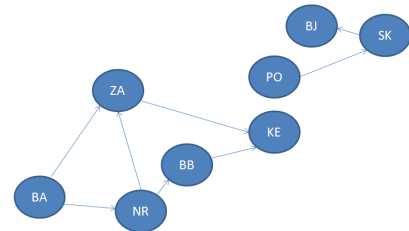
```
public class Cities {
    static TreeMap<String, TreeSet<String>> cudo=new TreeMap<String, TreeSet<String>>();

    public static void main(String[] args) {
        for (String arg : args) {
            String[] edges = arg.split("-");
            String vertex = null;
            for (String v : edges) {
                if (vertex != null) {
                    TreeSet<String> set = cudo.get(vertex);
                    if (set == null)
                        set = new TreeSet<String>();
                    set.add(v);
                    cudo.put(vertex, set);
                }
                vertex = v;
            }
        }
        System.out.println(cudo);
    }
}
```

výpis premennej `cudo` vypíše podľa Vás [označte správnu možnosť, 2 body]:

1. {BA=NR, BB=KE, BJ=SK, KE=BB, NR=BA, PO=SK, SK=BJ, ZA=BA}
2. {PO=[SK], SK=[BJ], ZA=[KE], BA=[ZA, NR], BB=[KE], NR=[ZA, BB]}
3. {BA=[ZA, NR], BB=[KE], NR=[ZA, BB], PO=[SK], SK=[BJ], ZA=[KE]}
4. {0=[NR, ZA], 1=[KE, NR], 2=[SK], 3=[BB, ZA], 4=[BA, BB], 5=[SK], 6=[BJ, PO], 7=[BA, KE]}
5. {BA=[NR, ZA], BB=[KE], NR=[BB, ZA], PO=[SK], SK=[BJ], ZA=[KE]}
6. {BA=[NR, ZA], BB=[KE, NR], BJ=[SK], KE=[BB, ZA], NR=[BA, BB], PO=[SK], SK=[BJ, PO], ZA=[BA, KE]}
7. {BB=[NR], BJ=[SK], KE=[BB, ZA], NR=[BA], SK=[PO], ZA=[BA]}
8. niečo ine:

Napíšte kus kódu, ktorý vychádzajúc z hodnoty premennej `cudo` z predošlého kódu nájde a vypíše všetky mestá, **odkiaľ nevedie žiaden spoj**, v uvedenom príklade sú to KE a BJ. [3 body]



5) [7 bodov] Multi-množina je sľaby množina, v ktorej sa môžu opakovať prvky viackrát. Nezáleží na ich poradí. Kým v množine sa prvok nachádza alebo nie, v multi-množine sa nachádza n-krát ($n > 0$), alebo nenachádza. Navrhňte vašu implementáciu multi-množiny v triede `MultiSet` implementujúcej metódy:

```
public void add(E elem);           // pridanie prvku do multi-množiny [2 body]
public int count(E elem);         // počet výskytov prvku v multi-množine [1 bod]
public boolean subset(MultiSet<E> ms); // ms je obsiahnutá v multi-množine this [2body]
public List<E> toList(); // zoznam všetkých prvkov multi-množiny aj s opakovaním [2body]
```

Kód, ktorý musí zbehnúť:

```
MultiSet<Integer> ms1 = new MultiSet<Integer>();
ms1.add(1);ms1.add(3);ms1.add(2);ms1.add(1);ms1.add(3);ms1.add(4);
System.out.println(ms1.toList()); // vypíše [1, 1, 2, 3, 3, 4] v ľubovoľnom poradí
for(int i=0; i<5; i++)
    System.out.println(i+" je tam "+ms1.count(i)+".krat");
MultiSet<Integer> ms2 = new MultiSet<Integer>();
ms2.add(1); ms2.add(3); ms2.add(2); // ms2 = { 1,2,3 }
System.out.println(ms1.subset(ms2)); // true, {1,2,3} je podmnožina {1,1,2,3,3,4}
ms2.add(2); // ms2 = { 1,2,3,2 }
System.out.println(ms1.subset(ms2)); // false, {1,2,2,3} nie je podmnožina {1,1,2,3,3,4}
```