

1) [8 bodov] Zistite, čo počíta nasledujúca funkcia `foo` pre $n \geq 0$. Hint: `foo(1000) = 1`.

```
static long foo(long n) {
    return rekurzia(n, 0);
}
static long rekurzia(long n, long r) {
    if (n == 0)
        return r;
    else
        return rekurzia(n / 10, 10 * r + n % 10);
}
```

[1 bod] Pre istotu to vyjadrite pár slovami, a že tomu rozumiete, tak vypočítajte `foo(911775039) = ?`

[1 bod] Nájdite najväčšie 3-ciferné číslo také, že `foo(x) == x`:

[2 body] Napíšte nerekurzívnu definíciu pre funkciu `rekurzia`, aby počítala to isté, teda:

```
static long nerekurzia(long n, long r) { // píšete rovno sem...
```

```
}
```

Zistite, čo počíta nasledujúca funkcia `goo` pre $n \geq 0$. Hint: `goo(13) = 11`, `goo(11) = 13`.

```
static long goo(long n) {
    long vysledok = 0;
    while (n != 0) {
        vysledok <<= 1;
        vysledok += n & 1;
        n >>= 1;
    }
    return vysledok;
}
```

[2 body] Vyjadrite pár slovami, a že tomu rozumiete, tak vypočítajte `goo(31) = ?`

[2 bod] Nájdite najväčšie 3-ciferné číslo také, že `goo(x) == x`:

Hint:

```
2^0 = 1,          1
2^1 = 2,          10
2^2 = 4,          100
2^3 = 8,          1000
2^4 = 16,         10000
2^5 = 32,         100000
2^6 = 64,         1000000
2^7 = 128,        10000000
2^8 = 256,        100000000
2^9 = 512,        1000000000
2^10 = 1024,     10000000000
```

2) [6 bodov] Tieto dve triedy popisujú známu implementáciu binárneho vyhľadávacieho stromu:

```
public class BVSNode<E extends Comparable<E>> {
    BVSNode<E> left;
    E key;
    BVSNode<E> right;
}
public class BVSTree<E extends Comparable<E>> {
    BVSNode<E> root;
}
```

Pomocou týchto tried vieme vytvoriť objekt typu `BVSTree<E>`, ktorý však nespĺňa podmienku vyhľadávacieho stromu, t.j. že hodnoty v ľavom podstrome sú \leq ako vrchol a hodnoty v pravom podstrome sú $>$ vrchol. To musí platiť pre každý vrchol. V triede `BVSTree` (prípadne aj `BVSNode`) definujte metódu `boolean isBVS()`, ktorá platí, ak strom spĺňa uvedenú podmienku vyhľadávacieho stromu. **[3 body za efektívne riešenie, inak max. 2 body]**

AVL strom je taký binárny vyhľadávací strom, v ktorom hĺbky ľavého a pravého podstromu ľubovoľného vrchola sa líšia najviac o 1. Definujte v triede `BVSTree` metódu `boolean isAVL()`, ktorá zistí, či strom je AVL stromom. **[3 body, ak prejdete celý strom len raz, inak max. 2 body]**

- **3) [5 bodov = 0.5 bodu za každú správnu odpoveď]** Ku každému obrázku priradte číslo obrázku, ktorý graficky vystihuje situáciu v pamäti po vykonaní série príkazov. V prípade, že nastane chyba, napíšte CHYBA. Prečiarknutá bunka predstavuje hodnotu **null**. Ak taký obrázok neexistuje, napíšte NEEEXISTUJE. Nedajte sa nachytať! zdroj: http://pages.cs.wisc.edu/~hasti/cs368/JavaTutorial/NOTES/Java_vs.html

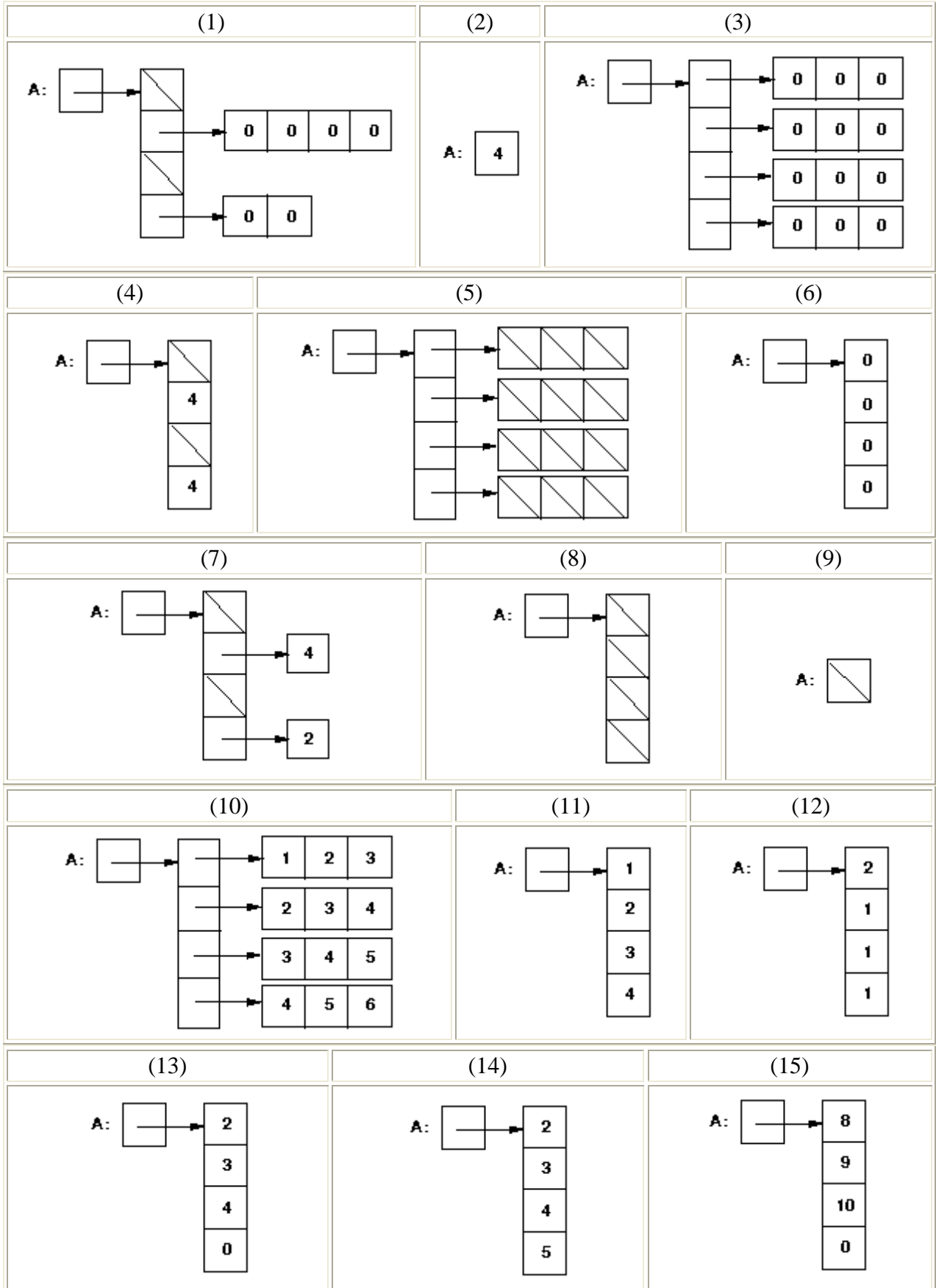
<i>kód</i>	<i>Číslo obrázku, chyba, alebo neexistuje obrázok</i>
<code>int [] A;</code>	
<code>int [] A = new int [4];</code>	
<code>int [][] A = new int[4][3];</code>	
<code>int [][] A = new int[4][]; A[1] = new int[4]; A[3] = new int[2];</code>	
<code>int [] A = new int[4]; int [] B = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}; System.arraycopy(B,2,A,0,4);</code>	
<code>int [] A = new int[4]; int [] B = {2,3,4}; System.arraycopy(B,0,A,0,4);</code>	
<code>int [] A = new int[4]; int [] B = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}; System.arraycopy(B,8,A,0,4);</code>	
<code>int [] A = {1,1,1,1}; int [] B = {2,2,2}; System.arraycopy(A,0,B,1,2); System.arraycopy(B,0,A,0,3);</code>	
<code>int [] A = new int[4]; int [] B = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}; System.arraycopy(B,0,A,0,10);</code>	
<code>int [][] A = new int[4][3]; int [] B = {1,2,3,4,5,6,7,8,9,10}; System.arraycopy(B,0,A[0],0,3); System.arraycopy(B,1,A[1],0,3); System.arraycopy(B,2,A[2],0,3); System.arraycopy(B,3,A[3],0,3);</code>	

Help:

```
public static void arraycopy(Object src,
    int srcPos,
    Object dest,
    int destPos,
    int length)
```

Copies an array from the specified source array, beginning at the specified position, to the specified position of the destination array. A subsequence of array components are copied from the source array referenced by `src` to the destination array referenced by `dest`. The number of components copied is equal to the `length` argument. The components at positions `srcPos` through `srcPos+length-1` in the source array are copied into positions `destPos` through `destPos+length-1`, respectively, of the destination array.

Obrázky



4) [5 bodov] V tomto príklade reprezentujeme orientovaný ohodnotený graf medzi mestami SR. Intuitívne, hodnota hrany je vzdialenosť z mesta do druhého mesta. Orientovaný znamená, že k hrane z A->B nemusí existovať z B->A. Najprv definujeme triedu Dvojica, ktorá popisuje cieľovú stanicu a jej vzdialenosť:

```
public class Dvojica implements Comparable<Dvojica> {
    String kam; // meno mesta - cieľová stanica
    int vzdialenosť;
    public Dvojica(String kam, int vzdialenosť) { // konštruktor
        this.kam = kam; this.vzdialenosť = vzdialenosť;
    }
    @Override
    public String toString() { return "("+kam+":"+vzdialenosť+");" ; }
}
```

[1 bod] V definícii triedy Dvojica chýba metóda compareTo. Doplňte ju do voľného miesta tak, aby menšia dvojica bola tá, ktorá je bližšie, t.j. má menšiu vzdialenosť. Nasledujúci kód spustíme s argumentami v príkazovom riadku

```
java Cities BA:KE:401 NI:KE:307 NI:PP:234 PP:KE:119 PP:BA:327 KE:BA:401 BB:PP:115 NI:BB:118
```

kde hrany grafu sú zadané v trojiciach, vo formáte odkiaľ:kam:vzdialenosť.

```
public class Cities {
    static TreeMap<String, TreeSet<Dvojica>> cudo = new TreeMap<String, TreeSet<Dvojica>>();
    public static void main(String[] args) {
        for (String arg : args) { // arg má tvar odkiaľ:kam:vzdialenosť
            String[] hrana = arg.split(":");
            String odkial = hrana[0];
            String kam = hrana[1];
            int vzdialenosť = Integer.parseInt(hrana[2]);
            TreeSet<Dvojica> set = cudo.get(odkial);
            if (set == null)
                set = new TreeSet<Dvojica>();
            set.add(new Dvojica(kam, vzdialenosť));
            cudo.put(odkial, set);
        }
        System.out.println(cudo);
    }
}
```

výpis premennej *cudo* vypíše podľa Vás [označte správnu možnosť, 2 body]:

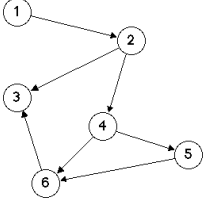
1. { [BA, BB, KE, NI, PP] = [(KE:401), (PP:115), (BA:401), (BB:118), (PP:234), (KE:307)], [(KE:119), (BA:327)] }
2. { BB = [(PP:115)], NI = [(BB:118), (PP:234), (KE:307)], PP = [(KE:119), (BA:327)], BA = [(KE:401), KE = [(BA:401)] }
3. { BA = [(KE:401)], BB = [(PP:115)], KE = [(BA:401)], NI = [(BB:118), (KE:307), (PP:234)], PP = [(BA:327), (KE:119)] }
4. { BA = [(KE:401)], BB = [(PP:115)], KE = [(BA:401)], NI = [(BB:118)], NI = [(PP:234)], NI = [(KE:307)], PP = [(KE:119)], PP = [(BA:327)] }
5. { BA = [(KE:401)], BB = [(PP:115)], KE = [(BA:401)], NI = [(BB:118), (PP:234), (KE:307)], PP = [(KE:119), (BA:327)] }
6. { (BA:KE:401), (NI:KE:307), (NI:PP:234), (PP:KE:119), (PP:BA:327), (KE:BA:401), (BB:PP:115), (NI:BB:118) }
7. niečo ine:

Napíšte kus kódu, ktorý z hodnoty premennej *cudo* nájde niektoré dve najvzdialenejšie mestá, v uvedenom príklade sú to KE a BA [2 body]

5) [7 bodov] Orientovaný graf pozostáva z hrán (jednosmerných šípiek) medzi vrcholmi parametrizovateľného typu E. V celom zadaní môžete predpokladať, že graf **neobsahuje cyklus**. Vašou úlohou je navrhnúť vlastnú reprezentáciu grafu v triede Graf<E extends Comparable<E>>, ktorá implementuje nasledujúci interface:

```
public interface GrafI<E extends Comparable<E>> {
    public void pridajHranu(E a, E b); // zapamätá si hranu z vrchola a do b [1bod]
    public int vystupnyStupenVrchola(E a); // počet hrán vychádzajúcich z vrchola a [1bod]
    public HashSet<E> nasledovnici(E a); // množina vrcholov, do ktorých vedie hrana z a [1bod]
    public HashSet<E> komponent(E a); // množina vrcholov dosiahnuteľných z vrchola a [2body]
    public boolean existujeCesta(E a, E b); // existuje cesta z a do b [2body]
}
```

Kód, ktorý musí zbehnúť, a súvisí s obrázkom:



```
Graf<Integer> g = new Graf<Integer>();
g.pridajHranu(1,2);
g.pridajHranu(2,3);
g.pridajHranu(2,4);
g.pridajHranu(4,5);
g.pridajHranu(4,6);
g.pridajHranu(5,6);
g.pridajHranu(6,3);

System.out.println(g.vystupnyStupenVrchola(4)); // = 2
System.out.println(g.vystupnyStupenVrchola(3)); // = 0
System.out.println(g.nasledovnici(2)); // = [3,4]
System.out.println(g.komponent(1)); // = [1, 2, 3, 4, 5, 6]
System.out.println(g.komponent(4)); // = [3, 4, 5, 6]
System.out.println(g.existujeCesta(1, 3)); // = true
System.out.println(g.existujeCesta(5, 1)); // = false
```

Ak metódy komponent a existujeCesta implementujete tak, že fungujú aj na cyklickom grafe (t.j. existuje v ňom cyklus po orientovaných hranách), môžete získať +0.5 bodu za každú z nich. Ak však napíšete explicitne (a slovom), že vaše metódy fungujú na acyklickom grafe, tak získate za každú +1 bod, ak funguje, a -1 bod, ak nefunguje. Svet patrí odvážnym...